

## Содержание

<b>Обязательные задачи</b>	<b>2</b>
<b>Задача 16А. Динамический Лес [1.2 sec, 256 mb]</b>	<b>2</b>
<b>Задача 16В. Пещеры и туннели [1 sec, 256 mb]</b>	<b>3</b>
<b>Задача 16С. Count Offline [2.5 sec, 256 mb]</b>	<b>4</b>
<b>Дополнительные задачи</b>	<b>5</b>
<b>Задача 16D. Union [1.5 sec, 256 mb]</b>	<b>5</b>
<b>Задача 16Е. Inspector is Coming [1.5 sec, 256 mb]</b>	<b>6</b>
<b>Задача 16F. Distance Sum [5.0 sec, 256 mb]</b>	<b>7</b>
<b>Задача 16G. Прямоугольные запросы [6.5 sec, 256 mb]</b>	<b>8</b>

---

Вы не умеете читать/выводить данные, открывать файлы? Воспользуйтесь **примерами**.

В некоторых задачах большой ввод и вывод. Пользуйтесь **быстрым вводом-выводом**.

В некоторых задачах нужен STL, который активно использует динамическую память (set-ы, map-ы) **переопределение стандартного аллокатора** ускорит вашу программу.

Обратите внимание на компилятор GNU C++11 5.1.0 (TDM-GCC-64) `inc`, который позволяет пользоваться **дополнительной библиотекой**. Под ним можно сдать **вот это**.

## Обязательные задачи

### Задача 16А. Динамический Лес [1.2 sec, 256 mb]

Вам нужно научиться обрабатывать 3 типа запросов:

1. Добавить ребро в граф (`link`).
2. Удалить ребро из графа (`cut`).
3. По двум вершинам  $a$  и  $b$ , определить, лежат ли они в одной компоненте связности (`get`).

Изначально граф пустой (содержит  $N$  вершин, не содержит ребер). Гарантируется, что в любой момент времени граф является лесом. При добавлении ребра гарантируется, что его сейчас в графе нет. При удалении ребра гарантируется, что оно уже добавлено.

#### Формат входных данных

Числа  $N$  и  $M$  ( $1 \leq N \leq 10^5 + 1$ ,  $1 \leq M \leq 10^5$ ) — количество вершин в дереве и, соответственно, запросов. Далее  $M$  строк, в каждой строке команда (`link` или `cut`, или `get`) и 2 числа от 1 до  $N$  — номера вершин в запросе.

#### Формат выходных данных

В выходной файл для каждого запроса `get` выведите 0, если не лежат, или 1, если лежат.

#### Пример

stdin	stdout
3 7 get 1 2 link 1 2 get 1 2 cut 1 2 get 1 2 link 1 2 get 1 2	0101
5 10 link 1 2 link 2 3 link 4 3 cut 3 4 get 1 2 get 1 3 get 1 4 get 2 3 get 2 4 get 3 4	110100

### Задача 16B. Пещеры и туннели [1 сек, 256 mb]

После посадки на Марс учёные нашли странную систему пещер, соединённых туннелями. И учёные начали исследовать эту систему, используя управляемых роботов. Было обнаружено, что существует ровно один путь между каждой парой пещер. Но потом учёные обнаружили специфическую проблему. Иногда в пещерах происходят небольшие взрывы. Они вызывают выброс радиоактивных изотопов и увеличивают уровень радиации в пещере. К сожалению, роботы плохо выдерживают радиацию. Но для исследования они должны переместиться из одной пещеры в другую. Учёные поместили в каждую пещеру сенсор для мониторинга уровня радиации. Теперь они каждый раз при движении робота хотят знать максимальный уровень радиации, с которым придётся столкнуться роботу во время его перемещения. Как вы уже догадались, программу, которая это делает, будете писать вы.

#### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит одно целое число  $N$  ( $1 \leq N \leq 100\,000$ ) — количество пещер. Следующие  $N - 1$  строк описывают туннели. Каждая из этих строк содержит два целых числа —  $a_i$  и  $b_i$  ( $1 \leq a_i, b_i \leq N$ ), описывающие туннель из пещеры с номером  $a_i$  в пещеру с номером  $b_i$ . Следующая строка содержит целое число  $Q$  ( $1 \leq Q \leq 100\,000$ ), означающее количество запросов. Далее идут  $Q$  запросов, по одному на строку. Каждый запрос имеет вид « $C U V$ », где  $C$  — символ «I» либо «G», означающие тип запроса (кавычки только для ясности). В случае запроса «I» уровень радиации в  $U$ -й пещере ( $1 \leq U \leq N$ ) увеличивается на  $V$  ( $0 \leq V \leq 10\,000$ ). В случае запроса «G» ваша программа должна вывести максимальный уровень радиации на пути между пещерами с номерами  $U$  и  $V$  ( $1 \leq U, V \leq N$ ) после всех увеличений радиации (запросов «I»), указанных ранее. Предполагается, что изначальный уровень радиации равен 0 во всех пещерах, и он никогда не уменьшается со временем (потому что период полураспада изотопов много больше времени наблюдения).

#### Формат выходных данных

Для каждого запроса «G» выведите максимальный уровень радиации.

#### Пример

stdin	stdout
4	1
1 2	0
2 3	1
2 4	3
6	
I 1 1	
G 1 1	
G 3 4	
I 2 3	
G 1 1	
G 3 4	

### Задача 16С. Count Offline [2.5 sec, 256 mb]

Вам дано множество точек на плоскости.

Нужно уметь отвечать на два типа запросов:

- + x y — добавить в множество точку  $(x, y)$ .
  - ?  $x_1 y_1 x_2 y_2$  — сказать, сколько точек лежит в прямоугольнике  $[x_1..x_2] \times [y_1..y_2]$ .
- Точки на границе и в углах тоже считаются.  $x_1 \leq x_2, y_1 \leq y_2$ .

#### Формат входных данных

Число точек  $N$  ( $1 \leq N \leq 50\,000$ ). Далее  $N$  точек. Число запросов  $Q$  ( $1 \leq Q \leq 100\,000$ ).  
Далее  $Q$  запросов. Все координаты от 0 до  $10^9$ .

#### Формат выходных данных

Для каждого запроса GET одно целое число — количество точек внутри прямоугольника.

#### Пример

stdin	stdout
4	2
0 0	4
1 0	1
0 1	
1 1	
5	
? 0 1 1 2	
+ 1 2	
+ 2 2	
? 1 0 2 2	
? 0 0 0 0	

## Дополнительные задачи

### Задача 16D. Union [1.5 sec, 256 mb]

Дано дерево из  $n$  вершин. Нужно обработать запросы вида  
“количество рёбер на пути от  $v_i$  до  $u_i$ , вес которых не более  $k_i$ ”.

#### Формат входных данных

На первой строке числе  $n$  ( $1 \leq n \leq 10^5$ ). Следующие  $n - 1$  строк описывают рёбра дерева. Рёбра задаётся парой концов  $a, b$  и весом  $w$  ( $1 \leq a, b \leq n, a \neq b, 1 \leq w \leq 10^6$ ). Следующая строка содержит число запросов  $q$  ( $1 \leq q \leq 10^5$ ). Каждый запрос задаётся тройкой чисел  $v_i, u_i$  и  $k_i$  ( $1 \leq v, u \leq n, 1 \leq k \leq 10^6$ ).

#### Формат выходных данных

Для каждого запроса выведите одно число.

#### Примеры

stdin	stdout
3	1
1 2 1	2
1 3 2	1
3	
1 2 2	
2 3 2	
2 3 1	
4	0
1 2 3	1
2 3 4	3
1 4 6	1
5	0
1 2 2	
4 2 5	
4 3 6	
2 3 5	
2 3 1	

### Задача 16Е. Inspector is Coming [1.5 sec, 256 mb]

Дано дерево из  $N$  вершин. Изначально все рёбра не помечены. Поступают  $Q$  запросов вида “пометить все рёбра на пути из  $u$  в  $v$ , вес которых от  $W_{min}$  до  $W_{max}$ ”. Выведите число помеченных рёбер в конце процесса.

#### Формат входных данных

Вам даны число  $N$  ( $2 \leq N \leq 100\,000$ ) — число вершин в дереве. Следующие  $N - 1$  строка содержат описание рёбер дерева  $a_i, b_i$  и  $w_i$  ( $1 \leq a_i, b_i \leq N, 1 \leq w_i \leq 1\,000\,000$ ). Далее следует число запросов  $Q$  ( $0 \leq Q \leq 100\,000$ ). Следующие  $Q$  строк описывают запросы, каждая содержит четыре целых числа  $u, v, W_{min}$ , and  $W_{max}$  ( $1 \leq u, v \leq N, 1 \leq W_{min} \leq W_{max} \leq 1\,000\,000$ ).

#### Формат выходных данных

Одно число – количество помеченных рёбер дерева.

#### Примеры

stdin	stdout
3 1 2 20 2 3 10 2 1 3 5 15 1 3 15 25	2
4 1 2 10 1 3 20 3 4 30 1 4 2 11 29	1

#### Замечание

Эту задачу нужно решать в offline.

Кстати, если не писали до этого LCA-offline, самое время попробовать.

### Задача 16F. Distance Sum [5.0 sec, 256 mb]

На некоторой карте обозначены  $n$  городов и  $n - 1$  дорога, соединяющая эти города таким образом, что полученный граф является деревом. Города занумерованы последовательными целыми числами от 1 до  $n$ .

Город 1 является корнем дерева; обозначим для каждого  $i > 1$  город, являющийся предком города  $i$ , за  $p_i$ , а расстояние между городами  $p_i$  и  $i$  за  $d_i$ .

Snuke хочет для каждого  $1 \leq k \leq n$  вычислить наименьшую сумму расстояний от некоторого города до городов  $1, \dots, k$ :

$$\min_{1 \leq v \leq n} \left\{ \sum_{i=1}^k dist(i, v) \right\}$$

Здесь  $dist(u, v)$  обозначает расстояние между городами  $u$  и  $v$ .

#### Формат входных данных

Первая строка входа содержит одно целое число  $n$  ( $1 \leq n \leq 2 \cdot 10^5$ ). Далее идут  $n - 1$  строк,  $i$ -я из которых содержит два целых числа  $p_{i+1}$  и  $d_{i+1}$  — номер предка города  $i + 1$  и расстояние между городом  $i + 1$  и этим предком ( $1 \leq p_i \leq n$ ,  $1 \leq d_i \leq 2 \cdot 10^5$ ,  $p_i$  образуют дерево).

#### Формат выходных данных

Выведите  $n$  строк. В  $i$ -й из этих строк выведите ответ для  $k = i$ .

#### Примеры

stdin	stdout
10	0
4 1	3
1 1	3
3 1	4
3 1	5
5 1	7
6 1	10
6 1	13
8 1	16
4 1	19
15	0
1 3	3
12 5	9
5 2	13
12 1	14
7 5	21
5 1	22
6 1	29
12 1	31
11 1	37
12 4	41
1 1	41
5 5	47
10 4	56
1 2	59

### Задача 16G. Прямоугольные запросы [6.5 sec, 256 mb]

Даны  $N$  точек на плоскости, у каждой точки есть ценность. Нужно быстро обрабатывать запросы двух типов:

- Присвоить всем точкам в области  $[x_1..x_2] \times [y_1..y_2]$  ценность  $K$ .
- Найти точку с минимальной ценностью в области  $[x_1..x_2] \times [y_1..y_2]$ .

#### Формат входных данных

Вам даны число точек  $N$  ( $1 \leq N \leq 262\,144$ ) и  $N$  точек.

Каждая точка задается тремя числами —  $x$ ,  $y$ , начальная ценность.

Далее следует число запросов  $M$  ( $1 \leq M \leq 10^4$ ) и  $M$  запросов в формате

“=  $x_1 y_1 x_2 y_2 value$ ” для присваивания и “?  $x_1 y_1 x_2 y_2$ ” для взятия минимума.

Все координаты от  $-10^9$  до  $10^9$ . Все ценности от 0 до  $10^9$ .

#### Формат выходных данных

На каждый запрос ? выведите минимальную ценность точек в прямоугольнике.

Если в прямоугольнике нет ни одной точки, выведите NO.

#### Пример

stdin	stdout
4	2
1 1 1	1
-1 1 1	NO
-1 -1 1	0
1 -1 1	
7	
= 0 0 3 3 2	
= -3 -3 0 0 2	
? 0 0 3 3	
? -3 -3 3 3	
= -1 -1 1 1 0	
? 0 0 0 0	
? -1000 -1000 1000 1000	